

**ΕΝΔΕΙΚΤΙΚΕΣ ΑΠΑΝΤΗΣΕΙΣ ΔΙΑΓΩΝΙΣΜΑΤΟΣ
ΦΥΣΙΚΗΣ ΓΕΝΙΚΗΣ ΠΑΙΔΕΙΑΣ Β' ΛΥΚΕΙΟΥ**

Υπεύθυνος Ομάδας Φυσικής: Δημητρίου Άρης
Επιμέλεια διαγωνίσματος: Δημητρίου Άρης - Κατσαρού Κατερίνα

ΘΕΜΑ Α

I. A1. β) $I_K = \frac{P_K}{V_K} = 3A$

A2. α) Η εφαπτομένη της οξείας γωνίας είναι η εσωτερική αντίσταση r

A3. γ) Το μέτρο της ταχύτητάς δεν αλλάζει

A4. γ) Επειδή $m_1 < m_2 \Rightarrow u_1' < 0$

II. 1.Σ 2.Σ 3.Λ 4.Σ 5.Σ

ΘΕΜΑ Β

B1. ΣΩΣΤΗ Η (β)

Στην σχέση $u_1' = \frac{m_1 - m_2}{m_1 + m_2} u_1 + \frac{2m_2}{m_1 + m_2} u_2$ θέτουμε τις τιμές των μαζών και

για τις ταχύτητες έχουμε αλγεβρικά $u_1 = 15m/s, u_2 = -12m/s$

$$u_1' = \frac{2-4}{2+4} \cdot 15 \frac{m}{s} + \frac{2 \cdot 4}{2+4} \cdot \left(-12 \frac{m}{s}\right) = -5 \frac{m}{s} - 16 \frac{m}{s} = -21 \frac{m}{s} \Leftrightarrow$$

$$u_1' = -21 \frac{m}{s}$$

B2.

I. ΣΩΣΤΗ Η (β)

Από την εκφώνηση τα σώματα πριν την κρούση έχουν την ίδια κινητική ενέργεια :

$$K_1 = K_2 \Leftrightarrow \frac{1}{2} m_1 \cdot u_1^2 = \frac{1}{2} m_2 \cdot u_2^2 \Leftrightarrow m_1 \cdot u_1^2 = 4m_1 \cdot u_2^2 \Leftrightarrow u_1^2 = 4 \cdot u_2^2 \Leftrightarrow u_1 = 2 \cdot u_2 \Leftrightarrow$$

$$u_1 = 2 \cdot u_2.$$

II. ΣΩΣΤΗ Η (β)

Εφαρμόζουμε ΑΔΟ για την κρούση με θετική φορά προς τα δεξιά

$$\vec{p}_{αρχ} = \vec{p}_{τελ} \Leftrightarrow m_1 u_1 - m_2 u_2 = (m_1 + m_2) \cdot v_K \Leftrightarrow m_1 u_1 - 4m_1 \cdot \frac{u_1}{2} = (m_1 + 4m_1) \cdot v_K \Leftrightarrow$$

$$v_K = -\frac{u_1}{5}$$

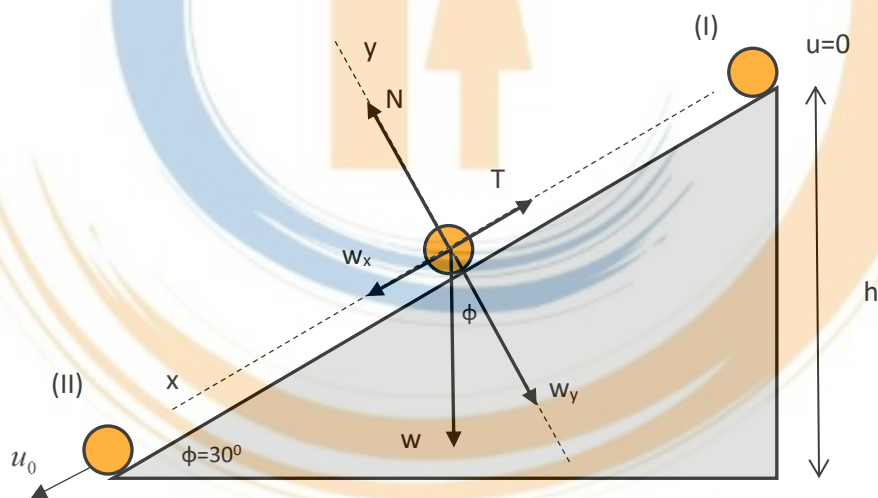
Από την διατήρηση της ενέργειας κατά την κρούση :

$$Q = K_{ΑΡΧ} - K_{ΤΕΛ} = K + K - \frac{1}{2}(m_1 + m_2) v_K^2 = 2K - \frac{1}{2} 5m_1 \frac{u_1^2}{25} = 2K - \frac{1}{5} \cdot \left(\frac{1}{2} m_1 u_1^2\right) =$$

$$= 2K - \frac{K}{5} = \frac{9K}{5} \Leftrightarrow Q = \frac{9K}{5}$$

Άρα οι απώλειες μηχανικής ενέργειας είναι $Q = \frac{9K}{5}$

B3. ΣΩΣΤΗ Η (γ)



Εφαρμόζουμε ΘΜΚΕ από την θέση (I) στην θέση (II) για το σώμα μάζας m .

$$K_{τελ} - K_{αρχ} = W_B + W_T \Leftrightarrow \frac{1}{2} m \cdot u_0^2 - 0 = w_x \cdot 2h - T \cdot 2h \Leftrightarrow$$

$$\frac{1}{2} m \cdot u_0^2 - 0 = mg \cdot \eta \mu 30^\circ \cdot 2h - \mu \cdot mg \cdot \sigma \nu 30^\circ \cdot 2h \Leftrightarrow$$

$$\frac{1}{2} u_0^2 = g \cdot h - \frac{\sqrt{3}}{6} \cdot g \cdot \frac{\sqrt{3}}{2} \cdot 2h \Leftrightarrow \frac{1}{2} u_0^2 = g \cdot h - \frac{gh}{2} \Leftrightarrow u_0 = \sqrt{gh}$$

Το σώμα φτάνει στην βάση του επιπέδου με ταχύτητα $u_0 = \sqrt{gh}$.

ΘΕΜΑ Γ

Γ1. Στο κύκλωμα του σχήματος οι αντιστάσεις R_1 και R_2 συνδέονται παράλληλα και η ισοδύναμη αντίστασή τους σε σειρά με την εσωτερική αντίσταση r .

Οπότε έχουμε:

$$R_{ολ} = R_{εξ} + r = \frac{R_1 R_2}{R_1 + R_2} + r = \frac{100 \cdot 25}{100 + 25} + 5 = 25\Omega \Leftrightarrow R_{ολ} = 25\Omega$$

Γ2. Εφαρμόζουμε τον Νόμο του Ohm για το κλειστό κύκλωμα

$$I = \frac{E}{R_{ολ}} = \frac{125}{25} = 5A$$

Γ3. Η πολική τάση της πηγής είναι:

$$V_{\pi} = E - I \cdot r = 125 - 5 \cdot 5 = 125 - 25 = 100V \Leftrightarrow V_{\pi} = 100V$$

Γ4. Από τον νόμο του Ohm

$$I_1 = \frac{V_{\pi}}{R_1} = \frac{100}{100} = 1A \quad \text{και} \quad I_2 = \frac{V_{\pi}}{R_2} = \frac{100}{25} = 4A$$

Γ5. Η ισχύς που παρέχει η πηγή στο κύκλωμα είναι: $P_{\pi} = E \cdot I = 125 \cdot 5 = 625W$

και η ισχύς που καταναλώνει το εξωτερικό κύκλωμα είναι

$$P_{εξ} = V_{\pi} \cdot I = 100 \cdot 5 = 500W$$

ΘΕΜΑ Δ

Δ1. Εφαρμόζουμε ΑΔΜΕ για το Σ1 για να βρούμε την ταχύτητά του λίγο πριν την κρούση. Επίπεδο μηδενικής βαρυτικής δυναμικής ενέργειας είναι η κατώτερη θέση της τροχιάς του Σ1.

$$K_{APX} + U_{APX} = K_{TEA} + U_{TEA} \Leftrightarrow 0 + m_1 g L = \frac{1}{2} m_1 v_1^2 + 0 \Leftrightarrow v_1 = \sqrt{2gL} \Leftrightarrow$$

$$v_1 = \sqrt{64} = 8m/s$$

Δ2. Εφαρμόζουμε ΑΔΜΕ για το Σ2 για να βρούμε την ταχύτητά του v_2' αμέσως μετά την κρούση, γιατί σταματά σε ύψος $h = \frac{L}{4}$ ως προς την αρχική του θέση.

$$K_{APX} + U_{APX} = K_{TEA} + U_{TEA} \Leftrightarrow \frac{1}{2} m_2 v_2'^2 + 0 = 0 + m_2 g \cdot \frac{L}{4} \Leftrightarrow v_2' = \sqrt{2g \cdot \frac{L}{4}} \Leftrightarrow$$

$$v_2' = \sqrt{16} = 4m/s$$

Εφαρμόζουμε ΑΔΟ για την κρούση με θετική φορά προς τα δεξιά για να βρούμε την ταχύτητα u_1' του Σ1 αμέσως μετά την κρούση.

$$\vec{p}_{\alpha\rho\chi} = \vec{p}_{\tau\epsilon\lambda} \Leftrightarrow m_1 u_1 + 0 = m_1 u_1' + m_2 u_2' \Leftrightarrow 1 \cdot 8 = 1 \cdot u_1' + 2 \cdot 4 \Leftrightarrow u_1' = 0$$

Βλέπουμε ότι το Σ1 μετά την κρούση σταματά και παραμένει εκεί στην κατώτερη θέση της τροχιάς του.

Δ3. Από την διατήρηση της ενέργειας κατά την κρούση :

$$Q = K_{\text{APX}} - K_{\text{TEA}} = \left(\frac{1}{2} m_1 u_1^2 + 0\right) - \left(0 + \frac{1}{2} m_2 u_2'^2\right) = \frac{1}{2} \cdot 1 \cdot 8^2 - \frac{1}{2} \cdot 2 \cdot 4^2 \Leftrightarrow Q = 16J$$

Δ4. Από ενέργεια $K_1 = \frac{1}{2} m_1 u_1^2 = 36J$ μεταφέρεται στο Σ2 ενέργεια

$K_2' = \frac{1}{2} m_2 u_2'^2 = 16J$. Από ενέργεια 100J μεταφέρεται ενέργεια ίση με το ζητούμενο ποσοστό.

$$\text{Δηλαδή: } \Pi\% = \frac{K_2'}{K_1} \cdot 100\% = \frac{16J}{32J} \cdot 100\% = 50\%$$

Δ5. Η κρούση μεταξύ των Σ1, Σ2 είναι κεντρική και ελαστική με το m_2 να είναι ακίνητο. Επίσης θα έχουμε νέες ταχύτητες πριν και μετά την κρούση.

$$u_2' = \frac{2m_1}{m_1 + m_2} \cdot u_1 = \frac{2m_1}{3m_1} \cdot u_1 \Leftrightarrow v_2' = \frac{2}{3} u_1 \Leftrightarrow u_1 = \frac{3}{2} v_2' \quad (1)$$

Εφαρμόζουμε ΑΔΜΕ για το Σ2 για να βρούμε την ταχύτητά του v_2' αμέσως μετά την κρούση, γιατί τώρα σταματά σε ύψος $h = L$ ως προς την αρχική του θέση.

$$K_{\text{APX}} + U_{\text{APX}} = K_{\text{TEA}} + U_{\text{TEA}} \Leftrightarrow \frac{1}{2} m_2 v_2'^2 + 0 = 0 + m_2 g \cdot L \Leftrightarrow v_2' = \sqrt{2g \cdot L} \Leftrightarrow$$

$$v_2' = \sqrt{64} = 8m/s$$

Από την (1) : $u_1 = \frac{3}{2} v_2' = 12 \frac{m}{s}$ Η ταχύτητα αυτή είναι του Σ1 πριν την ελαστική κρούση.

Εφαρμόζουμε ΑΔΜΕ για το Σ1 για να βρούμε την ταχύτητα εκτόξευσης u_0 . Επίπεδο μηδενικής βαρυτικής δυναμικής ενέργειας είναι η κατώτερη θέση της τροχιάς του Σ1.

$$K_{\text{APX}} + U_{\text{APX}} = K_{\text{TEA}} + U_{\text{TEA}} \Leftrightarrow \frac{1}{2} m_1 v_0^2 + m_1 g L = \frac{1}{2} m_1 v_1^2 + 0 \Leftrightarrow$$

$$\Leftrightarrow v_0^2 + 2gL = v_1^2 \Leftrightarrow u_0 = \sqrt{v_1^2 - 2gL} \Leftrightarrow u_0 = \sqrt{12^2 - 20 \cdot 3,2} \Leftrightarrow u_0 = 4\sqrt{5} \frac{m}{s}$$

Δάφνη - Αγ. Δημήτριος